فصلنامه علمي پژوهشي

مهندسی مکانیک جامدات

www.jsme.ir



# بررسی تاثیر مکان میلههای حلقوی در پرههای مرحله آخر توربین بخار روی فرکانسهای طبیعی آن

مهدی نوذرپور'، عباس رهی'.\* \* A\_Rahi@sbu.ac.ir

چکیدہ	واژههای کلیدی
در این پژوهش تاثیر مکان میلههای حلقوی در فرکانس طبیعی پرههای مرحله آخر	میله حلقوی، پره توربین، روش اجزاء
توربین بخار بررسی شده است. پرههای توربین اجزاء بحرانی و مهمی در نیروگاهها	محدود، تشديد.
هستند. یکی از پارامترهای مهم در پرهها، محل قرار گرفتن میلههای حلقوی است.	
ابتدا برای تولید مدل هندسی سه بعدی پره از اسکن سه بعدی کمک گرفته شده	
است و پس از اطمینان از مدلسازی تک پره، به فرآیند مونتاژ پرههای مرحله آخر	
توربین فشار ضعیف و شبیهسازی اجزاء محدود پرداخته میشود. در این مرحله از	
پره های توربین، دو ردیف میلهی حلقوی وجود دارد که در این مقاله، تاثیر	
موقعیت میلههای حلقوی نسبت به ریشه، روی فرکانس طبیعی سیستم بررسی شده	
است. با توجه به نیروهای تحریک کننده مدل، نتایج بدست آمده از فرکانس،های	
طبیعی، شکل مودها و نمودار کمپل نشان میدهد که در مکان.های مختلف از	
میلههای حلقوی مورد بررسی، تشدیدی در این ردیف پره ها رخ نمیدهد.	

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده فنی و مهندسی، گروه مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی واحد اهواز

۲- استادیار دانشکده مهندسی مکانیک و انرژی، پردیس فنی و مهندسی شهید عباسپور، دانشگاه شهید بهشتی

۱ – مقدمه

از زمان استفاده از توربین های بخار و کاربردهایشان در بخش های مختلف صنعت، شکست پره یک دلیل اصلی از کار افتادن توربین ها است. شکست پره به علت خستگی، عمدتاً مربوط به ارتعاشات است. بارهای دینامیکی از طریق عوامل زیادی، افزایش مییابند، اما منشاء عمده این نیروها بهدلیل عملکردی است که ماشین بر اساس آن طراحی شده است. پرهها سازههای انعطاف پذیری هستند که تعدادی از فرکانس های طبیعی آنها میتوانند در ناحیهی فرکانس دور از تشدیدهای اصلی طراحی شده است، اما توربین چندین بار در طول روشن و خاموش شدن ماشین این تشدید پرههای توربین بخار در شکل (۱) مشاهده می شود[۱].



شکل(۱) نمای ایزومتریک از مدل مونتاژ شده [۱]

در توربین بخار برای جلوگیری از ارتعاش، پرهها را توسط میلهی حلقوی به هم متصل میکنند که تعداد میله حلقوی متفاوت میباشد. در این پژوهش از مدلی با دو میلهی حلقوی استفاده شده است. هدف از انجام این پژوهش بدست آوردن فرکانس طبیعی در حالات مختلف محل قرار گرفتن میلههای حلقوی نسبت به ریشهی ایرفویل پرهها برای جلوگیری از پدیدهی تشدید میباشد. زیرا تشدید امری مضر برای پرههای توربین میباشد و ارتعاش در محدودهی تشدید باعث خستگی و در نهایت شکست در پرهها میشود.

بنابراین باید میله های حلقوی را از لحاظ مکانی در فاصله ای از ریشه قرار داد تا از وقوع پدیدهی تشدید جلوگیری شود. از آنجا که با توجه به پیچیدگی شکل هندسی پره، بهدست آوردن مودهای فرکانسی ارتعاش پره به کمک روشهای تحلیلی و استفاده از فرمولهای تحلیلی تقریبا غیر ممکن میباشد لذا در این پژوهش از یکی از نرمافزارهای المان محدود جهت آنالیز مودال پره توربین استفاده شده است. تحقیقات بسیاری از گذشته تا به حال در ارتباط با آنالیز مودال و تحلیل ارتعاش پرههای توربوماشینها صورت گرفته است و سعی تمامی آنها در جلوگیری از شکست پره در شرایط و دورهای مختلف کاری بوده است. بررسی و تحلیل پرههای توربین بخار در منابع مختلف به روشهای متفاوتی صورت گرفته است. در بعضی از موارد، با بررسی و تحلیل تنش پرهها، در شرایط پایدار و ناپایدار نظیر تشدید، زمانهای بحرانی و تنشهای عمده بهدست آمدهاند، در مواردی هم بعد از شکست پرهها به بررسی شرایط کاری آنها و صرفا بررسی مکانیکی پرداخته شده و در مواردی نیز از نتایج شکست نگاری و علایم میکروسکوپی سطوح شکست، تخمینهایی در مورد شرایط کاری و تنش های اعمالی به دست آمده در صورتی که در این پژوهش به بررسی تاثیر فاصلهی میلههای حلقوی تا ریشهی ایرفویل پره بر روی فرکانس طبیعی پرداخته خواهد شد که در بررسی های صورت گرفته پژوهشی در این زمینه مشاهده نشده است. اولين بار استودولا [١] طي يک مطالعه تحليلي فركانس طبيعي يك پره را تخمين زد. بعدها لمب [۲] اثرات نیروی گریز از مرکز بر سختی را مورد بررسی قرار داد. کرون [۳] مطالعات و آزمایشات بسیاری را در مورد رفتار ارتعاشی پرههای ردیف اول یک توربین تحت شرایط عملکرد در دمای بالا انجام داد. جاج و همکارانش [۴] الگوی پاسخ مجموعه دیسک-پره را بررسی کردند. پريرا و همکارانش [۵] آناليز مودال پره مرحله پنجم يک توربین را انجام دادند. استوارت موفات [۶] در مقالهای به بررسی پیشگویی پاسخ تحریکات اجباری پرہ توربین گاز صنعتی پرداخت و با استفاده از نرم افزارهای المان محدود فرکانس،های طبیعی و شکل مودهای پره توربین را به

دست آورد. کریستف پیر [۷] به تحلیل ارتعاشی پرههای دارای شرود پرداخت. وی در تحقیق خود بیان نمود که ارتعاشات پرههای چرخان متاثر از نیروی گریز از مرکز وارد بر پره ميباشد.

در این مقاله به بررسی تاثیر فاصلهی میلههای حلقوی بر روی فرکانس طبیعی پرداخته شده است در حالیکه در مقالات گذشته بیشتر به بررسی آنالیز مودال پرههای توربین و بررسی ارتعاشات یرهها و بدست آوردن فرکانس طبیعی پرهها برای جلوگیری از ارتعاش پرههای توربین پرداخته شده است.

#### ۲- تحليل مودال

به طور کلی، معادله حرکت یک سیستم مکانیکی را می توان به صورت رابطهی (۱) بیان کرد:

$$[m]\{X\} + [c]\{X\} + [k]\{X\} = \{F(t)\}$$
(1)

[K] که در آن [M] ماتریس جرم، [C] ماتریس میرایی، ماتریس سختی،  $\{X\}$  بردار جابجایی،  $\{\dot{X}\}$  بردار سرعت، بردار شتاب،  $\{F(t)\}$  بردار نیروی دینامیکی اعمالی  $\{X, X\}$ بر سیستم است. اگر ارتعاشات آزاد و سیستم نامیرا در نظر گرفته شود، خواهیم داشت:

 $[m]{\{\ddot{X}\}+[k]\{X\}=0}$ (٢) اگر مختصات عمومی X با تغییر مکانهای واقعی (فیزیکی) یکسان باشد، ماتریس اینرسی [m] قطری خواهد بود. برای تعیین ارتعاشات آزاد نامیرا، حل زیر را برای رابطهی (۲) در نظر می گیریم:

 $x_i = X_i T(t)$ ; i = 1, 2, 3, ..., n(٣) که در آن <sub>ن</sub> X یک یارامتر ثابت است. طبق رابطهی (۳) مستقل از زمان است. یعنی تمام جرمهای  $\left\{ \frac{x_i(t)}{x_i(t)} \right\}$ سیستم دارای حرکت هماهنگ هستند. به عبارت دیگر وضعیت سیستم تغییر نمی کند، اما دامنه ی آن تغییر می کند. وضعیت سیستم، با بردار زیر بیان می شود:

$$X = \begin{cases} X_1 \\ \vdots \\ X_n \end{cases}$$

این بردار را شکل مود، یابردار ویژه گویند. از معادلههای (۲) و (۳) نتيجه مي شود:  $[m]x\{\dot{T}(t)\}+[k]X\{\dot{T}(t)\}=0$ (۴) معادله (۴) را می توان به صورت n معادله اسکالر نوشت که با مرتب کردن آنها رابطه زیر به دست می آید:

$$-\frac{\ddot{T}(t)}{T(t)} = \frac{\left(\sum_{j=1}^{n} k_{ij} X_{i}\right)}{\left(\sum_{j=1}^{n} m_{ij} X_{j}\right)} \quad ; \quad i = 1, 2, 3, ..., n$$
 ( $\delta$ )

چون سمت چپ معادلهی (۵) مستقل از مکان است و سمت راست آن مستقل از زمان است، نتیجه می شود که هر دو طرف باید مساوی با یک مقدار ثابت باشد. این ثابت را با نشان میدهیم و معادلهی (۵) را به صورت زیر  $\omega^2$ مىنويسيم:

$$\ddot{T}(t) + \omega^2 T(t) = 0$$

$$\sum_{j=1}^{n} (k_{ij} - \omega^2 m_{ij}) X_i = 0 \quad ; \quad i = 1, 2, 3, ..., n \qquad (\pounds)$$

$$\left[ \left[ m \right] - \omega^2 \left[ m \right] \right] \left\{ \vec{X} \right\} = 0 \tag{V}$$

که در آن  $\{\overline{X}\}$  را بردار ویژه و  $a^2$  را مقدار ویژه گویند و برای حل این مسئله بعد از بدست آوردن ماتریس های جرم و سختی باید از الگوریتمهایی استفاده شود تا بردار ویژه و مقدار ویژه بدست آیند [۸].

سرعت دورانی محور بر فرکانس طبیعی و شکل مود تاثیر دارد. نیروهای گریز از مرکز ناشی از سرعت دورانی، باعث تغییر سختی پره می شود که در این صورت فرکانس طبيعي سيستم با افزايش سرعت دوراني افزايش مييابد. اين تاثیر می تواند با استفاده از رابطه زیر در نظر گرفته شود.  $\omega_n^2 = \omega_0^2 + K_n \Omega^2$ (A) که در آن، arphi فرکانس طبیعی،  $arphi_0$  فرکانس طبیعی بدون چرخش و  $\Omega$  سرعت زاویه محور می باشد.  $K_n$  ضریب نسبی برای هر پره در مود n ام است. این اثر بیشتر در مورد مودهای طبیعی که بیانگر جابجاییهای خمشی مىباشند به كار مىرود. مودهاى ييچشى كمتر تحت تأثير سختی گریز از مرکز بوده و در نتیجه فرکانس های آنها در اثر سرعت دوراني چرخش، تغيير چنداني نمي کند. بنابراين

در دیاگرام کمپبل تقریباً به صورت خطوط افقی نمایش داده میشود.

# ۳- مدلسازی هندسی و شبیهسازی به روش اجزاء محدود

مسائل مهندسی در واقع مدلهای ریاضی هستند که با استفاده از معادلات دیفرانسیل با مقادیر مرزی و شرایط اولیه مشخص، یک پدیده فیزیکی را بیان و فرموله مینمایند. این معادلات، مقادیر مرزی و شرایط اولیه، با به کار بردن قوانین اصلی طبیعت برای یک سیستم و یا حجم کنترل بهدست آمده و معرف روابط بین جرم، نیرو و انرژی هستند که در صورت حل کامل، جزئیات رفتار سیستم را در شرایط مورد بررسی بیان مینمایند [۹].

از آنجا که مدل مورد بررسی در پژوهش حاضر از نظر هندسی پیچیده است، برای تحلیل آن از روشهای اجزاء محدود استفاده خواهد شد. تحلیلهای مکانیکی این پژوهش در محیط نرمافزار Ansys Workbench صورت می گیرد که یکی از قوی ترین نرمافزارها در این زمینه است. در ابتدا مدل هندسی مورد بررسی در نرم افزار در ابتدا مدل هندسی مورد بررسی در نرم افزار Solid Works میتقل شده و تحلیلهای سازهای ایستا<sup>۲</sup> و مودال<sup>۲</sup> انجام می شود.

## ۴- تست مودال تجربی

روش معمول برای تحلیل مودال پرههای توربین بدین ترتیب است که پره در فیکسچر ثابت میشود و تست مودال انجام میگیرد. سپس به کمک نتایج بهدست آمده از تست مدل اجزاء محدود روز آمد می گردد. در پژوهش حاضر به جای تست مودال پره در حالت گیردار، پره در حالت آزاد تست میشود. مزیت استفاده از این روش آن است که نیاز به فیکسچر نداشته و دادههای بهدست آمده دقیق تر و اغتشاش کمتری دارند[۱۰].

انجام تست مودال بر روی هر قطعه مکانیکی متفاوت و تابع شرایط مختلفی میباشد که مهم ترین آنها بطور کلی شرایط نصب و بهرهبرداری و هندسه جسم است. به طور کلی انجام تست مودال بر روی هر قطعه به دو روش آزمایشی و یا مدلسازی عددی صورت می گیرد. هدف از آنالیز مودال بدست آوردن فرکانسهای طبیعی برای تجهیزات دینامیکی میباشد. برای این منظور با توجه به پیچیدگی اجزای مکانیکی و شرایط مختلف کارکرد، روش مناسبی با توجه به تئوریهای موجود تدوین می گردد به نحوی که در نهایت بتوان از آنها برای تست انواع تجهیزات دینامیکی موجود در صنعت برق (نظیر پره، میلههای حلقوی و سایر بخشها) استفاده نمود. انجام این تست و اطمینان از عملکرد دینامیک، یکی از الزامات به منظور تعیین فرکانس طبیعی میباشد.

فرکانسهای حاصل از تست مودال تجربی و روش اجزاء محدود در جدول (۱) آورده شده است. مطابق نتایج این جدول مقدار قدرمطلق خطای نسبی فرکانسهای تست مودال تجربی و روش اجزاء محدود ناچیز است و نیازی به روزآمد کردن مدل تک پره در نرمافزار اجزاء محدود نیست. بنابراین، پره به خوبی در نرمافزار اجزاء محدود مدلسازی شده است [۱۱].

جدول(۱) مقایسه فرکانسهای آزاد پره توسط تست مودال تجربی و روش اجزاء محدود [۱۱]

شمارہ فر کانس	فرکانس توسط اجزاء محدود(هر تز)	فرکانس توسط تست مودال تجربی(هرتز)	قدرمطلق خطا نسبی (درصد)
١	•	-	-
۲	129/60	119/1	۰ /٣
٣	203/26	149/01	۱/۶
۴	3.0/11	<b>*</b> • <i>\\$</i> /V	•/۴
۵	57V/V1	54.11	1/17
۶	011/91	۵۸۵/۸۱	•/۴٧
٧	۶۸۱/۲۳	891,98	1/00
٨	101/14	۸۷۰/۸۱	۲/۱
٩	997/77	1	•/٨۴
۱۰	1.44/1	۱۰۴۶/۸۱	•/٢١

<sup>1 -</sup> Static Structural

<sup>2 -</sup>Modal

#### ۵- مشخصات پره

با توجه به شرایط کار کرد این پرهها، تنشهای زیادی ناشی از نیروی گریز از مرکز و نیروهای ضربهای و سایشی ناشی از برخورد بخار و ذرات آب، به آنها وارد می شود. بنابراین، انتخاب ساختار میکروسکوپی و ترکیب آلیاژ، متناسب با این شرایط صورت می گیرد. بررسی آلیاژهای به کار رفته در ساختمان (ترکیب) پرهها، نشان می دهد که فولادهای زنگ نزن مارتنزیتی، حداقل ۱۲ درصد کروم به همراه مواد جزیی مثل مولیبدن، نیکل، وانادیم، مس دارند. خواص مکانیکی پره و میله یحلقوی در جدول (۲) مشاهده می شود.

جدول(۲) خواص مکانیکی پره و میلهی حلقوی [۱۲]

ويژگى	مقدار(پره)	مقدار	
		(سیم مستهلک <i>کنند</i> ه)	
چگالی	VA·· Kg/m <sup>3</sup>	<b>ዮ۶۲۰</b> Kg/m <sup>3</sup>	
مدول الاستيسيته	۲۰۰ Gpa	<b>۹۶</b> Gpa	
نسبت پواسون	٠ /٣	• / ٣٢	
مقاومت تسليم	۷۵۷ Мра	-	

#### ۶- ارایه نتایج حاصل از تحلیل اجزاء محدود

در این بخش یافته های حاصل از تحلیل های مختلف روی مدل ارائه می گردد و همچنین، به بررسی تحلیل دینامیکی مدل تحت نیروی گریز از مرکز پرداخته می شود. شکل مودها در نمایه های این بخش با ضریب بزرگنمایی ۶۱ برابر نشان داده می شود. به منظور بررسی تاثیر فاصله ی میله های حلقوی تا ریشه ی ایر فویل پره بر فرکانس های طبیعی، محل میله ی حلقوی بالایی پره مطابق شکل (۴) در سه نقطه و میله ی حلقوی میانی پره در دو نقطه نسبت به ریشه ی ایر فویل پره جابجا شده و فرکانس های طبیعی در تمام میله مای محلقوی میانی پره در دو نقطه نسبت به ریشه ی حالت های ایجاد شده بدست خواهند آمد. فاصله ی بین مطالعه، مکان میله حلقوی بالایی پره در فاصله های ۲۰، ۸۰ در فاصله های ۲۹۰ و ۲۴۰ میلیمتری از نوک پره در نظر گرفته شده است.



شکل(۴) محل های مختلف از مکان میله های حلقوی، فاصله میله حلقوی بالایی در ۳۰، ۸۰ و ۱۳۰ میلیمتری و فاصله میله حلقوی میانی در ۲۹۰ و ۳۴۰ میلیمتری از نوک پره در نظر گرفته شده است

#### ۷- تحلیل دینامیکی پرہ

اگر فرکانس نیروی تحریک کننده ی خارجی با فرکانس طبیعی سازه یکسان شوند، باعث ایجاد تشدید در سازه می شود. بنابراین، ابتدا باید عوامل تحریک کننده سازه را مشخص نمود. پره های توربین توسط دو عامل تحریک مشخص نموند. یکی از این عوامل چرخش رو تور است. سرعت می شوند. یکی از این عوامل چرخش رو تور است. سرعت دورانی رو تور از دور صفر افزایش می یابد (به طور گذرا) تا به سرعت ۳۰۰۰ دور بر دقیقه (دور پایا) که ماکزیم دور به سرعت ۱۰۰۰ دور بر دقیقه (دور پایا) که ماکزیم دور به سرعت ۲۰۰۰ دور از در حالتی که میله حلقوی میانی و بالایی توربین است، برسد. ۲۰ فرکانس طبیعی اول سازه در دور در مکان شماره ۱ قرار دارند، مطابق جدول (۳) تحت تحلیل پیش تنش مودال مشاهده می شود. شکل مود این از نوع خمشی در دو راستای محوری و مماسی هستند [۱۳].

شماره فرکانس	مقدار فركانس	شماره فرکانس	مقدار فركانس
طبيعي	طبيعي(هرتز)	طبيعي	طبيعي(هر تز)
١	111/91	11	174/77
۲	١٦٧/٨٦	١٢	174/77
٣	١٦٧/٨٦	١٣	11.149
۴	111/47	14	14./01
۵	171/64	۱۵	121/91
۶	171/47	18	187/98
v	146/64	١٧	1AF/V
٨	186/64	١٨	١٨٨/•٨
٩	186/86	١٩	19./17
۱.	189/29	۲.	۱۹۰/۳۸

1- Pre-stress Modal Analysis

شکل مود فرکانس اول مدل مطابق شکل (۵) از نوع خمشی در راستای مماسی دیسک است که دارای هیچ نقطهی جابجایی صفری نیست. شکل مودهای مربوط به فرکانس های یکسان دوم و سوم مدل مطابق شکل (۹) از نوع خمشی در راستای محور دیسک هستند که هر کدام دارای یک منحنی جابجایی صفر هستند. شکل مود فرکانس چهارم مدل مطابق شکل (۷) از نوع خمشی در راستای محوری است که دارای هیچ نقطهی جابجایی صفری نیست [۱۴].

برای بدست آوردن فرکانس تشدید ناشی از تحریک دوران روتور از نمودار کمپل استفاده میشود. نمودار کمپل تغییرات فرکانس طبیعی پره را نسبت به سرعت دورانی روتور نشان میدهد. نمودار کمپل ۵۰ فرکانس طبیعی اول مدل در شکل (۸) مشاهده میشود. برای ترسیم نمودار کمپل صحیح، باید تحلیل دینامیکی مدل با افزایش تدریجی سرعت دورانی انجام شود. محور افقی نمایانگر سرعت روتور توربین و محور عمودی نمایانگر فرکانسهای طبیعی مدل است.



شکل(۵) مود اول از نوع خمشی در راستای مماسی دیسک



شکل(۶) مود دوم و سوم از نوع خمشی در راستای محوری دیسک



شکل(۷) مود چهارم از نوع خمشی در راستای محوری دیسک

خطوط فرکانس های طبیعی پره و هارمونیکهای روتور در نقاط زیادی به یکدیگر برخورد میکنند. از میان این نقاط، نقاطی اهمیت دارند که در سرعتی معادل سرعت روتور قرار داشته باشند. برای این منظور خطی عمودی از نقطه (۰و ۳۰۰۰) رسم میشود. فرکانس هایی که از برخورد این ۳ خط به دست میآیند، فرکانس های تشدید احتمالی هستند که سازه ممکن است به بیشترین دامنه ی ارتعاشی دست یابد و باعث شکست تدریجی پره شود.



چون پرهها بر روی دیسک به طور متقارن قرار گرفتهاند، شکل مودی شبیه دیسک به خود می گیرند و کل سازه دچار این شکل مود می شود. قطر گرهای پرهها مطابق شکل (۹) مشاهده می شوند.



احتمال تشدید نقاط تعیین شده در شکل (۸) وجود دارد (دایره های نشان داده شده در شکل). این فرکانس ها همراه

شماره هارمونیک و تعداد قطر گرهای آنها در جدول (۴) مشاهده می شوند.

جدول(۴) فرکانس،های تشدید احتمالی همراه با قطر گرهای				
مقدار	شماره	تعداد قطر		
فر کانس(هر تز)	هارمونيك	گرهای فرکانس		
199/.4	۴	11		
199/0	۴	11		
2.4/41	۴	١٢		
4.4/44	۴	١٢		
260/21	۵	۱.		
260/26	۵	۱.		
202/91	۵	٩		
202/92	۵	٩		
	دید احتمالی همراه مقدار فرکانس(هرتز) ۱۹۹/۰۴ ۱۹۹/۰۵ ۲۰۴/۴۲ ۲۰۴۷/۳۴ ۲۴۷/۳۴ ۲۵۳/۹۱ ۲۵۳/۹۲	ر کانس های تشدید احتمالی همراه شماره مقدار هارمونیک فرکانس(هرتز) ۲۹۹/۰۵ ۴ ۲۹۹/۰۵ ۴ ۲۰۴/۴۲ ۴ ۲۰۴/۴۲ ۵ ۲۴۷/۳۴ ۵ ۲۵۳/۹۲ ۵		

فرکانس های شماره ۲۵، ۲۶، ۲۷ و ۲۸ در نزدیکی فرکانس هارمونیک چهارم روتور (فرکانس ۲۰۰ هرتز) قرار دارند (دایرهی زرد رنگ در شکل (۸)). همچنین، فرکانس های شماره ۳۹، ۴۰، ۴۱ و ۲۲ در نزدیکی فرکانس هارمونیک پنجم روتور (فرکانس ۲۵۰ هرتز) قرار دارند (دایرهی قرمز رنگ در شکل (۸)). تعداد قطر گرهای هر فرکانس از تعداد تقارن های شکل مود مربوط به فرکانس به دست آمده است. برای حالتی که هر دو میله ی حلقوی در مکان شماره ۱ قرار داشته باشد، هیچ کدام از فرکانس ها، مطابق جدول (۴) به دلیل یکسان نبودن شماره ی هارمونیک با قطر گرهای متناظر با فرکانس مربوطه، دچار تشدید در سرعت دورانی متناظر با فرکانس مربوطه، دچار تشدید در سرعت دورانی

دیاگرام کمپل مدل در حالتی که میله حلقوی بالایی در مکان شماره ۱ و میله حلقوی میانی در مکان شماره ۲ باشند مطابق شکل (۸) است. فرکانس هایی که احتمال تشدید آنها وجود دارد همراه شماره هارمونیک و تعداد قطر گرهای برای حالتی که میلهی حلقوی بالایی در مکان شماره ۱ و میلهی حلقوی میانی در مکان شماره ۲ در جدول (۵) مشاهده می شود.

جدول(۵) فرکانس های تشدید احتمالی برای حالتی که میله حلقوی

بالایی در مکان شماره ۱ و میله حلقوی میانی در مکان شماره ۲ است				
شماره فرکانس طبیعی	مقدار فرکانس(هرتز)	شماره هارمونیک	تعداد قطر گرهای فرکانس	
۲۲	195/14	۴	١٠	
۲۳	2.2/00	۴	۱.	
<b>*</b> V	267/06	۵	٩	
٣٨	202/19	۵	٩	

نمودار کمپل ۵۰ فرکانس طبیعی اول مدل در حالتی که میله حلقوی بالایی پره در مکان شماره ۲ و میله حلقوی میانی پره در مکان شماره ۱باشد در شکل (۱۰) مشاهده می شود. احتمال تشدید نقاط تعیین شده در شکل (۱۰) وجود دارد (دایره های نشان داده شده در شکل). این فرکانس ها همراه شماره هارمونیک و تعداد قطر گرهای آن ها در جدول (۶) مشاهده می شوند.



شکل(۱۰) نمودار کمپل مدل در حالتی که میله حلقوی بالایی پره در مکان شماره ۲ و میله حلقوی میانی پره در مکان شماره ۱باشد.

جدول(۶) فرکانس های تشدید احتمالی برای حالتی که میله حلقوی بالایی در مکان شماره ۲ و میله حلقوی میانی در مکان شماره ۱ است.

	-		_
شماره فركانس	مقدار	شماره	تعداد قطر گردای
طبيعي	فر کانس(هر تز)	هارمونيك	فر کانس
۵	149/19	٣	۲
۲۷	191/19	۴	۱.
۲۸	191/14	۴	۱.
24	2.2/11	۴	11
٣٠	2.2/21	۴	11
۴۳	247/26	۵	١٣
44	247/16	۵	١٣
40	202/92	۵	١۴
49	204/22	۵	14

مطابق جدول (۶) بهدلیل یکسان نبودن شماره هارمونیک با قطر گرهای متناظر با فرکانس مربوطه، دچار تشدید در سرعت دورانی ۳۰۰۰ دور بر دقیقه نیستند. فرکانسهای تشدید احتمالی برای حالتی که میلهی حلقوی بالایی در مکان شماره ۲ و میلهی حلقوی میانی در مکان شماره ۲ باشند مطابق جدول (۷) است.

جدول(۷) فرکانس،های تشدید احتمالی برای حالتی که میله حلقوی بالایی در مکان شماره ۲ و میله حلقوی میانی در مکان شماره ۲ است.

شماره فرکانس	مقدار	شماره	تعداد قطر
طبيعى	فرکانس(هر تز)	هارمونيك	گرهای فرکانس
٣	149/20	٣	•
۲۷	199/08	۴	٩
۲۸	199/VD	۴	٩
44	201/28	۵	١٣
40	201/92	۵	١٣
49	202/20	۵	14

مطابق جدول (۷) به دلیل یکسان نبودن شماره هارمونیک با قطر گرهای متناظر با فرکانس مربوطه، پره ها دچار تشدید در سرعت دورانی ۲۰۰۰ دور بر دقیقه نخواهند شد. نمودار کمپل ۵۰ فرکانس طبیعی اول مدل در حالتی که میله حلقوی بالایی پره در مکان شماره ۳ و میلهی حلقوی میانی پره در مکان شماره ۱باشد در شکل (۱۱) مشاهده می شود. احتمال تشدید نقاط تعیین شده در شکل (۱۱) (دایره های نشان داده شده در شکل) وجود دارد. این فرکانس ها همراه شماره هارمونیک و تعداد قطر گرهای آن ها در جدول (۸) مشاهده می شوند.



شکل(۱۱) نمودار کمپل مدل در حالتی که میله حلقوی بالایی پره در مکان شماره ۳ و میله حلقوی میانی پره در مکان شماره ۱ باشد.

جدول(۸) فرکانس های تشدید احتمالی برای حالتی که میله حلقوی بالایی در مکان شماره ۳ و میله حلقوی میانی در مکان شماره ۱ است.

	-		-
شماره فرکانس	مقدار	شماره	تعداد قطر
طبيعي	فر کانس(هر تز)	هارمونيك	گردای فرکانس
۲	104/21	٣	•
٣	103/15	٣	•
44	197/7	۴	١٢
<b>F</b> F	197/47	۴	١٢
40	197/98	۴	١٢
49	197/14	۴	١٣
<b>F</b> V	197/17	۴	١٣
۴۸	198/90	۴	١٣
49	198	۴	١٢
۵۰	191/1	۴	١٢

مطابق جدول (۸) بهدلیل یکسان نبودن شمارهی هارمونیک با قطر گرهای متناظر با فرکانس مربوطه، دچار تشدید در سرعت دورانی ۳۰۰۰ دور بر دقیقه نیستند.

فرکانس های تشدید احتمالی برای حالتی که میلهی حلقوی بالایی در مکان شماره ۳ و میلهی حلقوی میانی در مکان شماره ۲ باشند مطابق جدول (۹) است.

جدول(۹) فرکانس،های تشدید احتمالی برای حالتی که میله حلقوی بالایی در مکان شماره ۳ و میله حلقوی میانی در مکان شماره ۲ است.

شماره فرکانس طبیعی	مقدار فرکانس(هرتز)	شماره هارمونیک	تعداد قطر گرهای فرکانس
۲	101/94	٣	٠
٣	101/11	٣	•

مطابق جدول (۹) بهدلیل یکسان نبودن شمارهی هارمونیک با قطر گرهای متناظر با فرکانس مربوطه، دچار تشدید در سرعت دورانی ۳۰۰۰ دور بر دقیقه نیستند.

### ۸- نتیجه گیری

در این مقاله، تاثیر فاصلهی میلههای حلقوی برروی فرکانس طبیعی پرههای متحرک مرحله آخر یک توربین بخار صنعتی مورد تحلیل قرار گرفت. جهت انجام کار ابتدا مدل هندسی پره تهیه گردید. سپس مدل توسط نرم افزار Morkbench Ansys تحلیل المان محدود شد و نتایجی از این تحلیل حاصل گردید. در ادامه، برخی از این نتایج به صورت خلاصه بیان می گردد.

- [4] Judge J., Pierre C., Mehmed O., Experimental Investigation of Mode Localization and Forced Response Amplitude Magnification for a Mistuned Bladed Disc, *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, Vol. 123, No. 4, pp. 940-950, 2001.
- [5] Periera J.C., Torres L.A.M., Rosa E., A Low Cycle Fatigue Analysis on a Steam Turbine Bladed Disk-case Study, *12th IFToMM World Congress, Besancon, Brazil*, June 18-21, 2007.
- [6] Moffatt S., He L., Blade Forced Response Prediction for Industrial Gas Turbines, *International Gas Turbine & Aeroengine Congress & Exhibition*, June 16-19, Atlanta, Georgia, USA, 2003.
- [7] Christophe P., Jiang D., Finite-element-based Modal Reduction of a Rotating Blade With Large-amplitude-motion using Nonlinear Normal Modes, *Department of Mechanical Engineering and Applied Mechanics, University* of Michigan, 1997.
- [8] Rao J.S., Turbomachine Blade Vibration, *New age international publishers*, 1987.

- [13] Ansys Help, Release 13, Mechanical APDL, Advance Analysis Techniques Guidence, Cyclic Symmetry Analysis.
- [14] Tsai G.C., Rotating Vibration Behavior of the Turbine Blades with Different Groups of Blades, *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 271, 2004, pp. 547-575.

 ۱) با توجه به نیروهای تحریک کننده ی مدل، نتایج بهدست آمده از فرکانس های طبیعی، شکل مودها و نمودار کمپل نشان میدهد که فرکانس تشدیدی در دور نامی توربین وجود ندارد.

۲) اگر میلهی حلقوی بالایی در مکان شماره ۱ قرار گیرد و میلهی حلقوی میانی پایین آید، تقریباً هیچ تغییری در ۵۰ فرکانس طبیعی که در محدودهی هارمونیک سوم تا ششم قرار دارند، رخ نمی دهد.

۳) اگر میلهی حلقوی بالایی در مکان شماره ۲ قرار گیرد و میلهی حلقوی میانی از مکان شماره ۱ به مکان شماره ۲ پایین آید، محدوده فرکانسهای طبیعی به سمت هارمونیک سوم میروند. بنابراین، احتمال تشدید در این حالت وجود دارد.

۴) اگر میلهی حلقوی بالایی در مکان شماره ۳ قرار گیرد و میلهی حلقوی میانی پایین آید، تمام ۵۰ فرکانس طبیعی اول در محدوده هارمونیک سوم تا چهارم قرار می گیرند.

۵) اگر میله حلقوی میانی در مکان شماره ۱ قرار گیرد و میلهی حلقوی بالایی از مکان شماره ۱ به مکان شماره ۳ پایین آید، تعداد زیادی از فرکانس های طبیعی به سمت هارمونیک سوم میروند. بنابراین، احتمال تشدید در این حالت وجود دارد.

۶) اگر میله حلقوی میانی در مکان شماره ۲ قرار گیرد و میلهی حلقوی بالایی از مکان شماره ۱ به مکان شماره ۳ پایین آید، تعداد زیادی از فرکانس های طبیعی به سمت هارمونیک سوم میروند.

#### مراجع

- Stodola A., Steam and Gas Turbines, Vol. 1 and 2, McGraw-Hill, New York, 1927.
- [2] Lamb H., Southwell R.V., The Vibration of a Spinning Disc, Process Royal Society of London, Vol. 99, pp. 272, 1922.
- [3] Kroon R., Turbine Blade Vibration Due to Partial Admission, *Transaction of ASME*, *International Journal of Applied Mechanic*, Vol. 7, pp. 161-165, 1940.