فصلنامه علمى پژوهشى



مهندسی مکانیک جامدات

www.jsme.ir



بررسی تأثیر نسبت نیروی محوری به نیروی جانبی بر کمانش پوسته استوانهای جدار ناز ک اور توتروپیک

مسیب اسماعیل دخت'، رضا اکبری آلاشتی^{۲،*}، محمدحسن قاسمی^۳، مرتضی دردل^۴ * نویسنده مسئول: raalashti@nit.ac.ir

چکیدہ	واژههای کلیدی
تحلیل کمانشی پوستههای استوانهای جدار ناز ک به دلیل فر آیند ساخت آنها دارای اهمیت ویژهای میباشند. برای	المان محدود، اورتوتروپیک، پوستههای
افزایش استحکام کمانشی معمولاً از تقویت کنندههای طولی و عرضی استفاده می شود.در این مقاله با در نظر گرفتن	استوانهای، کمانش، نسبت نیروی محوری به
یک پوسته استوانهای جدار ناز ک تقویتشده با تقویت کنندههای طولی و عرضی داخلی، تحت ترکیب نیروهای	فشار جانبي
محوری و فشار جانبی، به بررسی تأثیر نسبت نیروی محوری به نیروی جانبی بر مقدار نیروی کمانش برای نسبت-	
های مختلف ابعادی اعم از نسبت ضخامت به شعاع و نسبت طول به شعاع پوسته استوانهای پرداختیم. نتایج تحلیلی	
بر مبنای معادلات پایداری خطی کلاسیک دانل برای پوستههای استوانهای غیر همسانگرد، با نتایج بر آمده از تحلیل	
المان محدود بهوسیله نرمافزار ANSYS مقایسه شد .نتایج نشان میدهد روش تحلیلی دانل در محدودمای از نسبت-	
های ابعادی کارایی دارد. همچنین در اکثر نسبتهای ابعادی، با افزایش نسبت نیروی محوری به نیروی محیطی،	
نیروی کمانش محوری افزایش و نیروی کمانش محیطی کاهش مییابد.	

۱-دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل

۲- دانشیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل

۳-استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل

۴-استادیار، دانشکده مهندسیمکانیک، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل

۱- مقدمه

پوسته های استوانه ای به دلیل خواص بویانسی و وزن پايين خود، بهعنوان المانهاي سازهاي در سازههاي فراساحلی، زیردریاییها و سفینههای فضایی مورداستفاده قرار می گیرند. این پوسته ها در معرض ترکیب تنش های فشاری و نیروی فشاری خارجی هستند. ساخت این نوع از پوسته ها بهوسیله جوشکاری حالت های مختلف تنش های باقیمانده را به علت عملیات مکانیکی و حرارتی تولید مىكند. بەعلاوە پوستەھاى ساختەشدە، بەصورت اجتناب نایذیر، دارای نقص هندسی در شکل، به عنوان مثال، فقدان شکل دایرهای در برشهای عرضی و فقدان راستی و صافی در جهت محوری، میباشند. هر دو مورد تنشهای پسماند و عیوب هندسی، موجب کاهش استحکام کمانشی پوسته ها خواهد شد. پوسته های استوانه ای جدار نازک بزرگ، معمولاً بهصورت عمودی یعنی ترکیب رینگ و استرینگر' تقویت میشوند. فاکتور اصلی مؤثر بر طراحی استوانههای تقویتشده به روش عمودی، شکست یا رفتار کمانشی آنها است [۱]. اولین بار اویلر در سال ۱۷۴۴ مبحث كمانش ستونها را مطرح كرد. اولين حل استوانه تحت بارمحوري بهوسيله لرنز در سال ۱۹۱۱ ارائهشده است. اکنون در بسط معادلات پایداری پوسته های استوانهای، تأکید اصلی بر معادلات نسبتاً سادهای است که به وسیله دانل (۱۹۲۵) پیشنهادشده است. اگرچه سادهسازی معادلات تا حدى دامنه كاربرد آنها را محدود مي كند ولي معادلات دانل اساس اغلب آنالیزهای موجود در کتب و مقالات را بیش از هر مجموعه دیگری از معادلات پوسته های استوانهای تشكيل ميدهد [٢]. از عوامل تأثير گذار بر تحليل كمانشي بهطور کلی می توان به پارامتر شرایط مرزی، نیروهای طراحی و عوامل هندسی اشاره کرد [۳]. رابرت اسلیز و مین

يونچانگدر قالب يک کار آزمايشگاهي، روش دقيقي براي پیشبینی نیروی کمانش پوسته استوانهای جدار نازک ارائه كردند. آنها با مقايسه نتايج حل المان محدود و نتايج تجربي دريافتند كه مدل المان محدود داراي تكيه گاه صلب سادهشده باوجود در نظر گرفتن عيوب هندسي اوليه در سازه،نتایج مطلوبی را نخواهد داد و برای یافتن بهترین نتیجه بايد تكيه گاهها بهصورت دقيقي مدل شوند [۴]. لوئيكي و همکارانش با در نظر گرفتن کمانش یک سیلوی استوانهای فولادی به تحلیل المان محدود استاتیکی و دینامیکی آن پرداختند و نتایج را در دو حالت مقایسه نمودند. آنها اختلاف موجود در دو روش را مورد بحث قرار داده و نتایج حاصل از یک روش دینامیکی را ارائه کردند [۵]. راسینام و پرابوبا در نظر گرفتن تورفتگی بهعنوان یک عیب هندسی ایجادشده در مسیر ساخت پوسته استوانهای جدار نازک ، برای نسبتهای مختلف ابعادی L/a و h/a به بررسی تأثیر این عامل در تحلیل کمانشی پرداختند و نتایج حاصل از حل المان محدود برای پوسته استوانهای با تکیهگاه ساده در دو لبه را ارائه نمودند [۶].سوفییف و کوروگلو در مقالهای به تحلیل کمانشی یک پوسته مخروطی جدار نازک در دو حالت همگن و غیر همگن اورتوتروپیک پرداختند. آنها ابتدا معادلات حاکم را بر مبنای تئوری تغییر شکلهای بزرگ ون کارمن–دانل به دست آوردند. سپس معادلات تعدیل شده پایداری و سازگاری دانلی با احتساب تغییر شکلهای بزرگ برای پوسته جدار نازک مخروطی کمعمق اورتوتروپیک غیرهمگن را محاسبه و بهصورت تحلیلی حل کردند. همچنین نتایج حاصله را با نتایج مراجع دیگر مقایسه نمودند [۷]. لیساییانگ و همکارانش با در نظر گرفتن تغییر ضخامت غیرمتقارن در یک پوسته استوانهای جدار نازک تحتفشار جانبي خارجي يكنواخت، يك روش تحليلي برای تحلیل کمانشی آن ارائه دادند و به این نتیجه رسیدند

Ring and Stringer

که می توان از این روش برای تحلیل کمانشی پوستههای جدار نازک استوانهای باضخامت متغیر کلی نیز استفاده نمود [۸]. رادنی پینا در مورد کمانش و شکست ناشی از آن برای استوانههایی که یک طرف آن آزاد و در طرف دیگر آن دارای تکیهگاه ساده متغیر از لحاظ نگهدارندگی در جهت محور عمودی استوانه میباشند؛ مطالعه نمودند [۹]. سه اونگاوک کیم در مقالهای به بسط معادلات طراحی کاربردی و نمودارهای تخمین استحکام کمانشی پوستههای استوانهای و مخازن تحت اثر بارهای فشاری محوری پرداختند [۱۰].

هدف از این تحقیق بررسی رفتار کمانشی پوسته استوانهای جدار نازک تقویتشده عمودی (تقویت با رینگ و استرینگر) تحت نیروی فشار جانبی و نیروی محوری یکنواخت برای نسبتهای مختلف ابعادی از استوانه و نسبتهای مختلف از نیروهای اعمالی است. نسبتهای ابعادی (هندسی) که در این مقاله به آن پرداخته شده است؛ L/a نسبت ضخامت به شعاع h/a و نسبت طول به شعاع پوسته است. این دو نسبت هندسی بهعنوان دو نسبت مهم و تأثیرگذار در مباحث مربوط به تحلیل کمانشی ارائه میشوند. همانطور که قبلاً اشاره شد پوستههای استوانهای معمولاً تحت ترکیب نیروهای خارجی قرار می گیرند، که هرکدام تأثیر به خصوصی در مقدار نیروی کمانش (بهعنوان یکی از مهمترین فاکتورهای طراحی این نوع پوستهها) دارند. استفاده از تقویت کننده عمودی داخلی (یا خارجی) باعث ایجاد خصوصیت اورتوتروپی در پوسته استوانهای خواهد شد و همین امر به استفاده از معادلات حاکم بر کمانش در این حوزه خواهد انجامید. شرایط مرزی ساده در دو سر انتهایی پوسته مدنظر قرارگرفته است و با در نظر گرفتن نسبتهای مختلف از نیروهای اعمالی، به سهم هر یک از نیروها و یا به عبارتی تأثیر هرکدام در مقدار نیروی

کمانش پرداخته خواهد شد. برای حل تحلیلی از معادلات حاکم بر پایداری خطی پوستههای غیر همسانگرد دانل استفاده گردید که یکی از معادلات اساسی در تحلیل کمانشی پوستههای استوانهای میباشد. نتایج برآمده از حل المان محدود، با نتایج حاصل از حل تحلیلی مقایسه خواهد شد.

۲-معادلات حاکم

معادلات غیرخطی تعادل با در نظر گرفتن بر آیند نیروها و گشتاورهای المان پوسته استوانهای با تغییر شکل ناچیز، به دست می آیند. عبارتهای درجه دومی در این معادلات ظاهر خواهند شد که نشاندهنده رابطه غیرخطی بین نیروهای برشی عرضی کوچک و چرخشها می باشند. این عبارت-های غیرخطی به طور قابل اغماضی کوچک هستند. با در نظر گرفتن رابطه بین نیروی برشی و گشتاورها در المان پوسته ای موردنظر و همچنین با صرف نظر کردن از مقدار h/a نسبت به واحد برای پوسته های استوانه ای به اندازه کافی نازک، بر آیند نیروهای اعمال شده به المان پوسته ای با تغییر شکل ناچیز، به ترتیب در جهات x، θ و z به صورت زیر بیان می-گردد:

$$aN_{x,x} + N_{x\theta,\theta} = 0$$

$$aN_{x\theta,x} + N_{\theta,\theta} = 0$$

$$a^{2}M_{x,xx} + 2aM_{x\theta,x\theta} + M_{\theta,\theta\theta} - aN_{\theta}$$

$$-a^{2}N_{x}\beta_{x,x}$$

$$-aN_{x\theta}(a\beta_{\theta,x} + \beta_{x,\theta})$$

$$-aN_{\theta}\beta_{\theta,\theta} = -pa^{2}$$
(1)

مثالهایی از سازههایی با دیواره پوستهای که رفتاری همانند سازههای غیر همسانگرد دارند عبارتاند از ورقهای استوانهای تقویتشده بهوسیله رینگ های حلقوی نزدیک به هم یا استرینگرهای طولی، پوستههای تقویتشده با الیاف و سازههای پوستهای کنگرهای. بین نیروهای کششی و تغییرات انحنا و بین گشتاورهای خمشی و کرنش محوری در سازههای پوستهای که دو طرف دیواره آن نسبت به صفحه میانی پوسته

مطلوب روابط جابجایی کل در راستای *x*, *θ* و *z* بهصورت
زیر است که در آن پارامترهای با اندیس 0 مین جابجایی در
زیر است که در آن پارامترهای با اندیس 1 مین جابجایی در
حالت ثانویه یا حالت اند کی تغییر شکل یافته است.

$$u = u_0 + u_1$$
 (۵)
 $u = u_0 + u_1$ (۵)
 $w = w_0 + w_1$ (۵)
 $w = w_0 + w_1$ (۵)
خطی سازی و حذف عبارتهای نشاندهنده چرخشهای
نیش از کمانش، معادلات پایداری برای پوستههای استوانهای
فیر همسانگرد بهصورت زیر به دست می آیند. این معادلات
 $untering (21)^{-1}$
 $untering$

۳- روش حل

شرایط مرزی حاکم بر مسئله شرایط مرزی ساده است. بنابراین V1 ، U1 و W1 بایستی برحسب θ متناوب باشند و در x = 0, L شرایط زیر حاکم باشند: متقارن نباشند، کوپلینگ وجود دارد. با در نظر گرفتن این کوپلینگ معادلات بنیادین سازههای غیر همسانگرد به شکل عمومی معادله(۲)بیان می شوند:

$$\begin{split} N_{x} &= C_{11}\varepsilon_{x} + C_{12}\varepsilon_{\theta} + C_{14}\kappa_{x} + C_{15}\kappa_{\theta} \\ N_{\theta} &= C_{12}\varepsilon_{x} + C_{22}\varepsilon_{\theta} + C_{24}\kappa_{x} + C_{25}\kappa_{\theta} \\ N_{x\theta} &= C_{33}\gamma_{x\theta} + C_{36}\kappa_{x\theta} \\ M_{x} &= C_{14}\varepsilon_{x} + C_{24}\varepsilon_{\theta} + C_{44}\kappa_{x} + C_{45}\kappa_{\theta} \\ M_{\theta} &= C_{15}\varepsilon_{x} + C_{25}\varepsilon_{\theta} + C_{45}\kappa_{x} + C_{55}\kappa_{\theta} \\ M_{x\theta} &= C_{36}\gamma_{x\theta} + C_{66}\kappa_{x\theta} \end{split}$$
(Y)

مقادیر پارامترهای سختی معادله(۲)را میتوان به روش تجربی یا برحسب ثابتهای الاستیک *E*و ۷ مواد پوسته و تقویت کنندهها

$$C_{11} = C + \frac{EA_s}{d_s} \quad C_{22} = C + \frac{EA_r}{d_r}$$

$$C_{12} = vC \quad C_{14} = e_s \frac{EA_s}{d_s} \quad C_{15} = 0$$

$$C_{36} = 0 \quad C_{24} = 0 \quad C_{33} = \frac{1 - v}{2}C \quad (\ref{s})$$

$$C_{25} = e_r \frac{EA_r}{d_r} \quad C_{44} = D + \frac{EI_s}{d_s} \quad C_{12} = vD$$

$$C_{55} = D + \frac{EI_r}{d_r} \quad C = \frac{Eh}{1 - v^2} \quad D = \frac{Eh^3}{12(1 - v^2)}$$

$$C_{66} = (1 - v)D + \frac{1}{2} \left(\frac{GJ_s}{d_s} + \frac{GJ_r}{d_r}\right)$$

از تأثیر ممانهای اینرسی حول محور Z، اعوجاج و محصولات اینرسی چشمپوشی شده است. پارامترهای 214 و 225 برای تقویت کنندههای خارجی مثبت و برای تقویت کنندههای داخلی منفی در نظر گرفته می شوند. همچنین روابط سینماتیک صفحه میانی المان پوسته مبتنی بر معادلات دانل برابر است با:

$$\varepsilon_{x} = u_{,x} + \frac{1}{2}\beta_{x}^{2} \quad \beta_{x} = -w_{,x} \quad \kappa_{x} = \beta_{x,x}$$

$$\varepsilon_{\theta} = \frac{v_{,\theta} + w}{a} + \frac{1}{2}\beta_{\theta}^{2} \quad \beta_{\theta} = \frac{-w_{,\theta}}{a}$$

$$\kappa_{x} = \frac{\beta_{\theta,\theta}}{a} \quad \kappa_{x\theta} = \frac{1}{2}\left(\frac{\beta_{x,\theta}}{a} + \beta_{\theta,x}\right) \quad (\mathbf{\hat{r}})$$

$$\gamma_{x\theta} = \frac{u_{,\theta}}{a} + v_{,x} + \beta_{x}\beta_{\theta}$$

اصولاً برای دستیابی به معادله پایداری، بسط معادلات در حالت ثانویه پوسته مدنظر قرار میگیرد. برای رسیدن به این

$$a_{22} = -C_{22}n^2 - \frac{C_{33}\pi^2 a^2 m^2}{L^2}$$
(1Y)

$$a_{33} = -C_{22} - \frac{2C_{25}n^2}{a} - \frac{C_{55}n^4}{a^2} - \frac{C_{44}\pi^4 a^2 m^4}{L^4} - \frac{2C_{45}\pi^2 m^2 n^2}{L^2} - \frac{2C_{66}\pi^2 m^2 n^2}{L^2} + p_e a \left(n^2 + S \frac{\pi^2 m^2 a^2}{L^2}\right)$$

pe معادلات همگن(۱۱) فقط به ازای مقادیر مجزای *pe* دارای جواب غیر صفر بایستی دارای جواب غیر صفر بایستی دترمینان ضرایب A و C برابر صفر باشد که از آن می-توان به رابطه نیروی کمانش عرضی *pecr* دستیافت. که در معادله به آن اشاره شده است.

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{12} & a_{22} & a_{23} \\ a_{13} & a_{23} & a_{33} \end{vmatrix} = 0$$
 (17)

همان طور که قبلاً به آن اشاره شد معادلات (۱۱) به وسیله رابطه (۱۰) به صورت تک پارامتری بر حسب p_e به دست خواهد آمد و با استفاده از رابطه (۱۳)نیروی کمانش عرضی p_{ecr} محاسبه خواهد شد. اکنون می توان به وسیله رابطه (۱۰)مقدار نیروی کمانش محوری P_{cr} را برای هر S مشخص به دست آورد.

۴- نتیجه گیری و بحث

علاوه بر سادگی نسبی معادلات ارائه شده توسط دانل این معادلات مرجع ایده آلی برای بررسی مقدماتی پایداری پوسته ها است. به همین دلیل با اینکه علاقه به حل به کمک کامپیوتر افزایش یافته است، جایگاه این معادلات همچنان محفوظ است. با نگاهی به پژوهش های انجام شده در مبحث کمانش پوسته های استوانه ای جدار نازک می توان دریافت که تأثیر نیروه ای جانبی و محوری وارد شده بر سازه در مقدار

$$w_1 = w_{1,xx} = v_1 = u_{1,x} = 0 \tag{(Y)}$$

$$u_1 = A \cos \bar{m}x \sin n\theta$$

$$v_1 = B \sin \bar{m}x \cos n\theta$$

$$w_1 = C \sin \bar{m}x \sin n\theta$$
(A)

که $\overline{m} = \frac{m\pi}{L}$ و ..., n = 1,2,3,... میباشند. حل ارائه شده در معادله (۸) بیانگر مد کمانش با m نیم موج در طول استوانه و با 2n نیم موج حول محیط استوانه است [۱۳]. سازه موردنظر در این مقاله تحت ترکیب نیروی محوری (P)و جانبی (p_e) قرار دارد بنابراین خواهیم داشت:

$$N_{x0} = \frac{-P}{2\pi a} \quad N_{\theta 0} = -p_e a \tag{9}$$

همچنین با رابطه زیر می توان معادله پایداری را به یک معادله تک پارامتری تبدیل نمود که در آن S یک پارامتر بدون بعد است:

$$\frac{P}{2\pi a} = S p_e a \tag{(1.)}$$

با جایگذاری معادله (۸) تا (۱۰) در معادله (۶) و مرتبسازی آن، با دستگاه معادلات همگنی شامل ضرایب A ، B و C به همراه پارامترهای سختی و عبارتهای شامل m و n و توانهای آن مواجه می شویم.

$$a_{11}A + a_{12}B + a_{13}C = 0$$

$$a_{12}A + a_{22}B + a_{23}C = 0$$

$$a_{13}A + a_{23}B + a_{33}C = 0$$

(11)

$$a_{11} = -\frac{C_{11}\pi^2 a^2 m^2}{L^2} - C_{33}n^2$$
$$a_{12} = -\frac{C_{12}\pi amn}{L} - \frac{C_{33}\pi amn}{L}$$
$$a_{12} = \frac{C_{12}\pi am}{L} + \frac{C_{14}\pi^3 a^2 m^3}{L}$$

$$a_{13} = \frac{C_{12} + C_{14}}{L} + \frac{C_{14} + C_{14}}{L^3}$$
$$a_{23} = C_{22}n + \frac{C_{25}n^3}{a}$$





شکل(۲) نمودار نیروی کمانش محوری برحسب S برای L/a = 1 نتایج حاصله از حل المان محدود و تحلیلی که در شکل (۱) و شکل (۲) نشان داده شده است، دارای رفتار واحد نمی باشد. با افزایش ضخامت فاصله بین نتایج تحلیلی و المان محدود در S های بالاتر بیشتر خواهد شد. توضیح بیشتر راجع به این نمودار در ادامه خواهد آمد.

همان طور که از نمودارهای ارائه شده بر می آید، در تمام حالت های در نظر گرفته شده به جز در 1 = *L/a*، با افزایش پارامتر S نیروی کمانش جانبی کاهش و نیروی کمانش محوری افزایش می یابد. آشفتگی و عدم همخوانی نتایج در نمودارهای مربوط به 1 = *L/a* به تعریف پوسته-های جدار نازک استوانهای بر می گردد؛ چرا که این نسبت در مقایسه با دیگر ابعاد پوسته استوانهای (برای مثال شعاع نیروی کمانش، دارای اختلاف است. هدف از ارائه این مقاله بررسی کمی و کیفی این تأثیرات در مقوله کمانش پوستههای جدار نازك استوانهاى بهوسيله روش تحليلي ارائهشده توسط دانل و مقايسه نتايج آن با نتايج حاصل از حل المان محدود به کمک نرمافزار ANSYS بوده است. تأثیر نسبتهای ابعادی جزء جداناپذیر تحلیل کمانشی است. با توجه به تعریف بنیادین پوسته جدار نازک مبنی بر نسبت ضخامت به شعاع پوسته کمتر از 1/20، در این مقاله برای پوسته استوانهای با شعاعی برابر با ۳/۸ متر،نسبتهای (h/a) ۰٫۰۵ تا ۰٫۰۰ تا مدنظر قرار داده شد. نسبت طول به شعاع استوانه (۱(L/۵، ۵، ۱۰ و ۲۰ نیز بهعنوان یکی دیگر از پارامترهای هندسی تأثیر گذار در تحلیل کمانش پیوسته های جدار نازک استوانه-ای موردتوجه قرار گرفت.در هر نسبت (L/a) برای (h/a)های مختلف تأثیر نسبت نیروی محوری به نیروی جانبیS = 0.5 - 2 بر روی مقدار نیروی کمانش مورد بررسي قرار گرفت و نتايج تحليلي و المان محدود مقايسه شد. مشخصات مكانيكي پوسته استوانهاي جدار نازك تقویت شده در جدول (۱) نشان داده شده است.

جدول (۱) مشخصات مکانیکی پوسته استوانهای مورد مطالعه

$E (\frac{N}{m^2})$	210*10 ⁹
ν	0.3
d_r (m)	1.9
d_s (m)	0.49
$e_r = e_s (m)$	142.5*10 ⁻ 3
$A_r = A_s \ (m^2)$	36*10 ⁻³
$J_r = J_s \ (m^4)$	2.38*10 ⁻⁷
$I_r = I_s \ (m^4)$	9.44*10 ⁻⁵
$G \left(\frac{N}{m^2}\right)$	75*10 ⁹



L/a = 5 شکل(۴)نمودار نیروی کمانش محوری برحسب S برای





پوسته)نسبتاً بزرگ است و همین امر باعث آشفتگی در نتايج خواهد شد كه حل المان محدود به خوبي آن را نشان میدهد. در ادامه و در نسبت L/a=5 شاهد همگرایی نتایج تحلیلی و المان محدود و کاهش خطا به زیر ۱۰ درصد خواهیم بود. این امر نشان میدهد که معادلات پایداری ارائهشده توسط دانل برای محدودهای از نسبتهای ابعادی قابل استفاده است. با افزایش نسبت *L/a خ*صوصاً در L/a = 20 خطای نتایج افزایش می یابد که می توان از آن بهعنوان تأییدی بر نتیجه فوق یاد برد. در همه نسبتهای ابعادی به کار گرفته شده، نیروی کمانش جانبی بهصورت قابل توجهی از نیروی کمانش محوری کمتر است؛ که به معنای اهمیت این نیرو نسبت به نیروی محوری و در نتیجه تقویت عرضی نسبت به تقویت محوری، در کمانشیوسته های جدار نازک استوانهای است. بدیهی است که با افزایش نسبت h/a نیروی کمانش محوری و محیطی افزایش خواهد یافت که این موضوع در نمودارها به وضوح مشخص است (شکلهای ۳ تا ۸). دانستن شدت تأثیر هرکدام از نیروهای اعمالی در مقدار نیروی کمانش برای نسبتهای ابعادی مختلف از پوسته ها، می تواند به عنوان یک عامل بازدارنده یا ترغیب کننده در بهره برداری از سازه در محیط-های مختلف با نیروهای مختلف، عمل کند.



L/a = 5شکل(۳) نمودار نیروی کمانش جانبی برحسب S برای

$$e_r$$
 (m) فاصله مرکز سطح مقطع رینگ تا صفحه میانی (m)
 e_s (m) فاصله مرکز سطح مقطع استرینگر تا صفحه میانی (m)
 z کرنش کششی
 G (N/m²)
 G مدول برشی (N/m²)
 γ مدول برشی
 γ (m)
 γ محاناینرسی سطح مقطع رینگ (m⁴)
 I_r (m⁴)
 I_s مماناینرسی قطبی سطح مقطع رینگ (m⁴)
 J_r (m⁴)
 J_r (m⁴)
 J_s مماناینرسی قطبی سطح مقطع رینگ (m⁴)
 J_s مماناینرسی قطبی سطح مقطع استرینگر (m⁴)
 J_s مماناینرسی قطبی سطح مقطع رینگ (m⁴)
 J_s مماناینرسی قطبی سطح مقطع استرینگر (m⁴)
 J_s مماناینرسی قطبی سطح مقطع استرینگر (m⁴)
 J_s مماناینرسی قطبی سطح مقطع استرینگر (m⁴)

مراجع

 Kenny partners J.P., Buckling of Offshore Structural Components, Report of the UK Cohesive Buckling Research Programme, 1983-1985, London, 1992, p. 259.

- [3] Bai y., *Marine structural design*, Elsevier, 2003, Houston, America.
- [4] Sliz R., Chang M.Y., Reliable and accurate prediction of the experimental buckling of thinwalled cylindrical shell under an axial load, *Thin-Walled Structures*, Vol. 49, 2010, pp. 409-421.
- [5] Iwicki P., Tejchman J., Chróścielewski J., Dynamic FE simulations of buckling process in thin-walled cylindrical metal silos, *Thin-Walled Structures*, Vol. 84, 2014, pp. 344-359.



L/a = 20 شکل(۷) نمودار نیروی کمانش جانبی برحسب S برای



شکل(۸) نمودار نیروی کمانش محوری برحسب S برای L/a = 20

فهرست علائم

 A_r (m²) مساحت سطح مقطع رینگ

مساحت سطح مقطع استرینگر (m²) مساحت سطح م

- D (N.m)سختى پيچشى
- فاصله بين رينگها(m) فاصله بين رينگ
- فاصله بین استرینگرها(m) فاصله بین استرینگرها
- دول الاستىسىتە (N/m²)

- [6] Rathinam N., Prabu B., Numerical study on influence of dent parameters on critical buckling pressure of thin cylindrical shell subjected to uniform lateral pressure, *Thin-Walled Structures*, Vol. 88, 2015, pp. 1-15.
- [7] Sofiyev A., Kuruoglu N., Buckling analysis of nonhomogeneous orthotropic thin-walled truncated conical shells in large deformation, *Thin-Walled Structures*, Vol. 62, 2013, pp. 131-141,
- [8] Yang L., Luo Y., Qiu T., Yang M., Zhou G., Xie G., An analytical method for the buckling analysis of cylindrical shells with nonaxisymmetric thickness variations under external pressure, *Thin-Walled Structures*, Vol. 82, 2014, pp. 431-440.
- [9] Pinna R., Buckling and collapse of cylinders with one end open and one end simply supported with varying axial restraint, *International Journal of mechanical sciences*, Vol. 46, 2004, pp. 541-559.
- [10] Kim S.E., Buckling strength of the cylindrical shell and tank subjected to axially compressive loads, *Thin-walled structures*, Vol. 40, 2002, pp. 329-353.
- [11] Baruch M., Singer J., Effect of Eccentricity of Stiffeners on the General Instability of Stiffened Cylindrical Shells under Hydrostatic pressure, *Archive Journal of Mechanical Engineering Science*, Vol. 5, No. 1, 1963, pp. 23-27.
- [12] Singer J., Baruch M., Harari O., On the Stability of Eccentrically Stiffened Cylindrical Shells under Axial Compression, On the Stability of Eccentrically Stiffened Cylindrical Shells under Axial Compression, *International Journal of Solids and Structures*, Vol. 3, No. 1, 1967, pp. 445-470.
- [13] Flugge W., Stresses in Shells, Second Edition, Springer, 1973, Verlag Berlin.